



Cours 06/04 : Fonction dérivée d'une fonction polynôme

Définition 1

Soit f une fonction définie sur un intervalle I .

Dire que **f est dérivable sur I** signifie que f est dérivable en tout réel de I .

Dans ce cas, **la fonction dérivée de f** est la fonction qui à tout réel x associe son nombre dérivé $f'(x)$. Cette fonction est notée f' .

Propriétés 2 :

- a) **Fonction carré :** Si $u(x) = x^2$ alors u est dérivable sur et pour tout réel x , $u'(x) = \dots\dots\dots$
- b) **Fonctions constantes :** Si $v(x) = b$ (b réel) alors v est dérivable sur et pour tout réel x , $v'(x) = \dots\dots\dots$
- c) **Fonction identité :** Si $w(x) = x$ alors w est dérivable sur et pour tout réel x , $w'(x) = \dots\dots\dots$
- d) **Fonctions affines :** Si $z(x) = mx + p$ (m, p réels) alors z est dérivable sur et pour tout réel x , $z'(x) = \dots\dots\dots$

Théorème 3

Soit u et v deux fonctions définies sur un intervalle I et $u+v$ la somme des fonctions u et v .

$u+v$ est la fonction définie sur I par $(u+v)(x) = u(x) + v(x)$.

Si u et v sont dérivables sur I alors $u+v$ est dérivable sur I et $(u+v)'(x) = \dots\dots\dots$

Exemple A : appliquer le théorème 3 avec la fonction g définie sur \mathbb{R} par $g(x) = x^2 + x$ (on reprend les notations de la propriété 2)

Théorème 4 (admis provisoirement)

Soit u et v deux fonctions définies sur un intervalle I et uv le produit des fonctions u et v .

uv est la fonction définie sur I par $(uv)(x) = u(x) \times v(x)$.

Si u et v sont dérivables sur I alors uv est dérivable sur I et $(uv)'(x) = \dots\dots\dots$

Conséquence: théorème 5

Soit f une fonction définie sur un intervalle I , k un réel et kf la fonction produit de f par k

kf est la fonction définie par $kf(x) = k \times f(x)$.

Si f est dérivable sur I alors la fonction kf est définie et dérivable sur I et $\dots\dots\dots$

Exemple B :

	1	2	3	4	5
Fonctions polynômes définies sur \mathbb{R} par	$f(x) = x^3$	$g(x) = 3x$	$h(x) = \frac{x^2}{2}$	$i(x) = -x^2$	$j(x) = 2x^3 - 3x^2 + 4$
Fonctions dérivées définies sur \mathbb{R} par					

Théorème 6

- Les fonctions polynômes sont définies et dérivables sur
- Pour tout $n \in \llbracket 1; +\infty \llbracket$, la fonction $f : x \mapsto x^n$ est dérivable sur \mathbb{R} et pour tout réel $x : f'(x) = \dots\dots\dots$

Exemple C : La fonction polynôme $x \mapsto x^6$ a pour dérivée sur la fonction $f' : x \mapsto \dots\dots\dots$